

[1] 解答 (1) $5a - 5b - 1$ (2) $-2a + b + 16$ (3) $3x^2 + 3x - 10$ (4) $-2x^2 - 6x - 6$ (5) $-2y^2 + 10y$

解説

(1) $(6a - 2b - 1) - (a + 3b)$

$$= 6a - 2b - 1 - a - 3b$$

$$= 6a - a - 2b - 3b - 1$$

$$= 5a - 5b - 1$$

(2) $3(2a - b) - 4(2a - b - 4)$

$$= 6a - 3b - 8a + 4b + 16$$

$$= 6a - 8a - 3b + 4b + 16$$

$$= -2a + b + 16$$

(3) $3(x^2 + 3x - 4) - 2(3x - 1)$

$$= 3x^2 + 9x - 12 - 6x + 2$$

$$= 3x^2 + 9x - 6x - 12 + 2$$

$$= 3x^2 + 3x - 10$$

(4) $(x^2 + 6x - 3) - 3(x^2 + 4x + 1)$

$$= x^2 + 6x - 3 - 3x^2 - 12x - 3$$

$$= x^2 - 3x^2 + 6x - 12x - 3 - 3$$

$$= -2x^2 - 6x - 6$$

(5) $2(y^2 - y + 8) - 4(y^2 - 3y + 4)$

$$= 2y^2 - 2y + 16 - 4y^2 + 12y - 16$$

$$= 2y^2 - 4y^2 - 2y + 12y + 16 - 16$$

$$= -2y^2 + 10y$$

[2] 解答 (1) $27x^3$ (2) $-8b^3$ (3) $72a^3$ (4) $-75m^3$ (5) $16a^2b^2$
(6) $36x^2y^2z^2$ (7) $45a^3$ (8) $28x^2y^2$ (9) $-16a^3b$ (10) $-9a^4$

解説

(1) $3x^2 \times 9x$

$$= 3 \times 9 \times x \times x \times x$$

$$= 27x^3$$

(2) $8b^2 \times (-b)$

$$= 8 \times (-1) \times b \times b \times b$$

$$= -8b^3$$

(3) $(-6a)^3 \times 2a$

$$= (-6a) \times (-6a) \times 2a$$

$$= (-6) \times (-6) \times 2 \times a \times a \times a$$

$$= 72a^3$$

(4) $(-3m) \times (-5m)^2$

$$= (-3m) \times (-5m) \times (-5m)$$

$$= (-3) \times (-5) \times (-5) \times m \times m \times m$$

$$= -75m^3$$

(5) $(-4ab)^2$

$$= (-4ab) \times (-4ab)$$

$$= (-4) \times (-4) \times a \times a \times b \times b$$

$$= 16a^2b^2$$

(6) $(-6xyz)^2$

$$= (-6xyz) \times (-6xyz)$$

$$= (-6) \times (-6) \times x \times x \times y \times y \times z \times z$$

$$= 36x^2y^2z^2$$

(7) $5a \times (-3a)^2$

$$= 5a \times (-3a) \times (-3a)$$

$$= 5 \times (-3) \times (-3) \times a \times a \times a$$

$$= 45a^3$$

(8) $7x \times (2xy)^2$

$$= 7x \times 2xy \times 2xy$$

$$= 7 \times 2 \times 2 \times x \times x \times y \times y$$

$$= 28x^2y^2$$

(9) $(-4ab) \times (-2a)^2$

$$= (-4ab) \times (-2a) \times (-2a)$$

$$= (-4) \times (-2) \times (-2) \times a \times a \times a \times b$$

$$= -16a^3b$$

(10) $9a \times (-a)^3$

$$= 9a \times (-a) \times (-a) \times (-a)$$

$$= 9 \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times a \times a \times a \times a$$

$$= -9a^4$$

[3] 解答 10

解説

$$4ab^2 \div 2ab = \frac{4ab^2}{2ab}$$

$$= 2b$$

$$= 2 \times 5$$

$$= 10$$

[4] 解答 (1) 略 (2) 略 (3) 略

解説

(1) m, n を整数として、2つの偶数を $2m, 2n$ と表す。

このとき、これらの和は

$$2m + 2n = 2(m + n)$$

 $m + n$ は整数であるから、 $2(m + n)$ は偶数である。

よって、2つの偶数の和は、偶数になる。

(2) m, n を整数として、2つの偶数を $2m, 2n$ と表す。

このとき、これらの積は

$$2m \times 2n = 4mn$$

 mn は整数であるから、 $4mn$ は4の倍数である。

よって、2つの偶数の積は、4の倍数になる。

(3) m, n を整数として、偶数を $2m$ 、奇数を $2n + 1$ と表す。

このとき、これらの積は

$$2m \times (2n + 1) = 2m(2n + 1)$$

 $m(2n + 1)$ は整数であるから、 $2m(2n + 1)$ は偶数である。

よって、偶数と奇数の積は、偶数になる。

[5] 解答 ① 3 ② 2

解説

文字が x の項に注目する。

$$4 \times 2x - \text{②} \times 3x = 2x$$

より、② は 2

次に、文字が y の項に注目する。

$$4 \times \text{①} y - 2 + (-5y) = 22y$$

より、① は 3

よって ① 3, ② 2

[6] 解答 (1) $3b$ (2) $-4x$ (3) -12

解説

$$(1) 18ab \div 6a = \frac{18ab}{6a} = 3b$$

$$(2) 12xy \div (-3y) = \frac{12xy}{-3y} = -4x$$

$$(3) 9x^2 \div \left(-\frac{3}{4}x^2\right) = 9x^2 \div \left(-\frac{3x^2}{4}\right) = 9x^2 \times \left(-\frac{4}{3x^2}\right) = -12$$

7 (解答) (1) $2y$ (2) $5x$ (3) $2a^3b$ (4) $\frac{6b^2}{a}$ (5) $2a$ (6) $-8x^2y$

(7) $\frac{b}{2}$ (8) x (9) $-6ab$ (10) $\frac{x}{2}$

(解答)

$$(1) xy \times 6y \div 3xy = \frac{xy \times 6y}{3xy} = 2y$$

$$(2) 20x^3y^2 \div (2xy)^2 = 20x^3y^2 \div 4x^2y^2 = \frac{20x^3y^2}{4x^2y^2} = 5x$$

$$(3) 10ab^2 \times (-a)^2 \div 5b = 10ab^2 \times a^2 \div 5b = \frac{10ab^2 \times a^2}{5b} = 2a^3b$$

$$(4) 3ab \div (-2a^2) \times (-4b) = \frac{3ab \times 4b}{2a^2} = \frac{6b^2}{a}$$

$$(5) (-3a)^2 \div 9ab \times 2b = 9a^2 \div 9ab \times 2b = \frac{9a^2 \times 2b}{9ab} = 2a$$

$$(6) (-2x)^3 \times xy^3 \div x^2y^2 = -8x^3 \times xy^3 \div x^2y^2 = -\frac{8x^3 \times xy^3}{x^2y^2} = -8x^2y$$

$$(7) 4a^2b^3 \times \left(-\frac{1}{2a}\right)^2 \div 2b^2 = 4a^2b^3 \times \frac{1}{4a^2} \div 2b^2 = \frac{4a^2b^3}{4a^2 \times 2b^2} = \frac{b}{2}$$

$$(8) 2x^2y \div 4x \div \frac{y}{2} = 2x^2y \div 4x \times \frac{2}{y} = \frac{2x^2y \times 2}{4x \times y} = x$$

$$(9) \frac{9}{5}a^2 \div 3ab \times (-10b^2) = \frac{9a^2}{5} \div 3ab \times (-10b^2) = -\frac{9a^2 \times 10b^2}{5 \times 3ab} = -6ab$$

$$(10) 6xy \times \frac{2}{3}y \div 8y^2 = 6xy \times \frac{2y}{3} \div 8y^2 = \frac{6xy \times 2y}{3 \times 8y^2} = \frac{x}{2}$$

8 (解答) (1) $x=5, y=-2$ (2) $x=-1, y=2$

(解答)

$$(1) \begin{cases} 3(x+y)=2x-1 & \cdots \cdots ① \\ 2x-y=12 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①を整理すると

$$x+3y=-1 \cdots \cdots ③$$

$$③ \times 2 \quad 2x+6y=-2$$

$$② \quad -) \quad 2x-y=12 \\ \hline 7y=-14 \\ y=-2$$

$y=-2$ を②に代入して解くと $x=5$

よって $x=5, y=-2$

$$(2) \begin{cases} 1.3x-0.6y=-2.5 & \cdots \cdots ① \\ x-y=-3 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①の両辺に10をかけると

$$13x-6y=-25 \cdots \cdots ③$$

$$③ \quad 13x-6y=-25$$

$$② \times 6 \quad -) \quad 6x-6y=-18 \\ \hline 7x=-7 \\ x=-1$$

$x=-1$ を②に代入して解くと $y=2$

よって $x=-1, y=2$

9 (解答) (1) $x=2, y=-4$ (2) $x=-2, y=6$ (3) $x=4, y=3$

(4) $x=1, y=-3$

(解答)

$$(1) \begin{cases} y=-2x & \cdots \cdots ① \\ x-y=6 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①を②に代入すると

$$x-(-2x)=6$$

$$x+2x=6$$

$$3x=6$$

$$x=2$$

$x=2$ を①に代入すると

$$y=-2 \times 2$$

$$y=-4$$

$$(2) \begin{cases} y=-3x & \cdots \cdots ① \\ x+y=4 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①を②に代入すると

$$x+(-3x)=4$$

$$x-3x=4$$

$$-2x=4$$

$$x=-2$$

$x=-2$ を①に代入すると

$$y=-3 \times (-2)$$

$$y=6$$

$$(3) \begin{cases} y=x-1 & \cdots \cdots ① \\ -x+5y=11 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①を②に代入すると

$$-x+5(x-1)=11$$

$$4x-5=11$$

$$4x=16$$

$$x=4$$

$x=4$ を①に代入すると

$$y=4-1$$

$$y=3$$

$$(4) \begin{cases} x=2y+7 & \cdots \cdots ① \\ 2x+y=-1 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①を②に代入すると

$$2(2y+7)+y=-1$$

$$5y+14=-1$$

$$5y=-15$$

$$y=-3$$

$y=-3$ を①に代入すると

$$x=2 \times (-3)+7$$

$$x=1$$

10 (解答) $x=-1, y=3$

(解答)

$$\begin{cases} x+y=2 & \cdots \cdots ① \\ 3y-(x+y)=7 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

②のかっこをははずすと

$$3y-x-y=7$$

$$-x+2y=7 \cdots \cdots ③$$

$$① \quad x+y=2$$

$$③ \quad +) \quad -x+2y=7 \\ \hline 3y=9 \\ y=3$$

$y=3$ を①に代入すると

$$x+3=2$$

$$x=-1$$

よって $x=-1, y=3$

11 (解答) $x=-3, y=-3$

(解答)

次の連立方程式を解けよ。

$$\begin{cases} x-4y=9 & \cdots \cdots ① \\ -5x+2y=9 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

$$① \quad x-4y=9$$

$$② \times 2 \quad +) \quad -10x+4y=18 \\ \hline -9x=27 \\ x=-3$$

$x=-3$ を①に代入すると

$$-3-4y=9$$

$$-4y=12$$

$$y=-3$$

よって $x=-3, y=-3$

- 12 解答 (1) $x=5, y=-1$ (2) $x=1, y=1$ (3) $x=-1, y=-3$
(4) $x=200, y=120$ (5) $x=\frac{12}{5}, y=-3$ (6) $x=2, y=-4$

解説

$$(1) \begin{cases} \frac{1}{3}x - \frac{5}{6}y = \frac{5}{2} & \dots\dots ① \\ \frac{3}{10}x + \frac{2}{5}y = \frac{11}{10} & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に6をかけると

$$2x - 5y = 15 \quad \dots\dots ③$$

②の両辺に10をかけると

$$3x + 4y = 11 \quad \dots\dots ④$$

$$③ \times 3 \quad 6x - 15y = 45$$

$$④ \times 2 \quad -) \quad 6x + 8y = 22$$

$$\hline -23y = 23$$

$$y = -1$$

$$y = -1 \text{ を } ③ \text{ に代入すると } 2x - 5 \times (-1) = 15$$

$$\text{これを解くと} \quad x = 5$$

$$\text{よって} \quad x = 5, y = -1$$

$$(2) \begin{cases} \frac{x-1}{3} + \frac{y+1}{2} = 1 & \dots\dots ① \\ x - 1 - \frac{y+1}{6} = -\frac{1}{3} & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に6をかけると

$$2(x-1) + 3(y+1) = 6$$

$$2x + 3y = 5 \quad \dots\dots ③$$

②の両辺に6をかけると

$$6x - 6 - (y+1) = -2$$

$$6x - y = 5 \quad \dots\dots ④$$

$$③ \quad 2x + 3y = 5$$

$$④ \times 3 \quad +) \quad 18x - 3y = 15$$

$$\hline 20x = 20$$

$$x = 1$$

$$x = 1 \text{ を } ④ \text{ に代入すると } 6 \times 1 - y = 5$$

$$\text{これを解くと} \quad y = 1$$

$$\text{よって} \quad x = 1, y = 1$$

$$(3) \begin{cases} 0.5x - 0.8y = 1.9 & \dots\dots ① \\ 4(2x - y) - x = 5 & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に10をかけると

$$5x - 8y = 19 \quad \dots\dots ③$$

②のかっこをはずすと $8x - 4y - x = 5$

$$7x - 4y = 5 \quad \dots\dots ④$$

$$③ \quad 5x - 8y = 19$$

$$④ \times 2 \quad -) \quad 14x - 8y = 10$$

$$\hline -9x = 9$$

$$x = -1$$

$$x = -1 \text{ を } ③ \text{ に代入すると } 5 \times (-1) - 8y = 19$$

$$\text{これを解くと} \quad y = -3$$

$$\text{よって} \quad x = -1, y = -3$$

$$(4) \begin{cases} 0.08x - 0.05y = 10 & \dots\dots ① \\ x + y = 320 & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に100をかけると

$$8x - 5y = 1000 \quad \dots\dots ③$$

$$② \times 5 \quad 5x + 5y = 1600$$

$$③ \quad +) \quad 8x - 5y = 1000$$

$$\hline 13x = 2600$$

$$x = 200$$

$$x = 200 \text{ を } ② \text{ に代入すると } 200 + y = 320$$

$$\text{これを解くと} \quad y = 120$$

$$\text{よって} \quad x = 200, y = 120$$

$$(5) \begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{1}{5} & \dots\dots ① \\ 0.25x - 0.2y = 1.2 & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に30をかけると

$$15x + 10y = 6 \quad \dots\dots ③$$

②の両辺に100をかけると

$$25x - 20y = 120$$

両辺を5でわると

$$5x - 4y = 24 \quad \dots\dots ④$$

$$③ \quad 15x + 10y = 6$$

$$④ \times 3 \quad -) \quad 15x - 12y = 72$$

$$\hline 22y = -66$$

$$y = -3$$

$$y = -3 \text{ を } ④ \text{ に代入すると } 5x - 4 \times (-3) = 24$$

$$\text{これを解くと} \quad x = \frac{12}{5}$$

$$\text{よって} \quad x = \frac{12}{5}, y = -3$$

$$(6) \begin{cases} 1.1x - 0.2y = 3 & \dots\dots ① \\ \frac{x+2y}{3} + \frac{3x-y}{4} = \frac{1}{2} & \dots\dots ② \end{cases}$$

①の両辺に10をかけると

$$11x - 2y = 30 \quad \dots\dots ③$$

②の両辺に12をかけると

$$4(x+2y) + 3(3x-y) = 6$$

$$13x + 5y = 6 \quad \dots\dots ④$$

$$③ \times 5 \quad 55x - 10y = 150$$

$$④ \times 2 \quad +) \quad 26x + 10y = 12$$

$$\hline 81x = 162$$

$$x = 2$$

$$x = 2 \text{ を } ③ \text{ に代入すると } 11 \times 2 - 2y = 30$$

$$y = -4$$

$$\text{よって} \quad x = 2, y = -4$$

- 13 解答 (1) $a=1, b=3$ (2) $a=-1, b=4$

解説

$$(1) x=2, y=-1 \text{ が解であるから、これらを連立方程式 } \begin{cases} ax-y=3 \\ 2ax+by=1 \end{cases} \text{ に代入すると}$$

$$\begin{cases} 2a+1=3 \\ 4a-b=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a=2 \\ 4a-b=1 \end{cases}$$

この a, b についての連立方程式を解くと

$$a=1, b=3$$

$$(2) x=1, y=\frac{1}{2} \text{ が解であるから、これらを連立方程式 } \begin{cases} ax+by=1 \\ 3ax+2by=1 \end{cases} \text{ に代入すると}$$

$$\begin{cases} a + \frac{1}{2}b = 1 \\ 3a + b = 1 \end{cases}$$

この a, b についての連立方程式を解くと

$$a=-1, b=4$$

- 14 解答 (1) ②, ④ (2) ③ (3) ④

解説

(1) 右下がりの直線となるのは、傾きが負の直線である。

よって ②, ④

(2) $x=3$ のとき、①～④の y の値はそれぞれ次のようになる。

$$① \quad y = 3 \times 3 + 2 = 11$$

$$② \quad y = -3 \times 3 - 4 = -13$$

$$③ \quad y = \frac{1}{3} \times 3 - 2 = -1$$

$$④ \quad y = -\frac{1}{3} \times 3 + 4 = 3$$

よって、点 $(3, -1)$ を通るのは ③

(3) $x=-6$ のとき、①～④の y の値はそれぞれ次のようになる。

$$① \quad y = 3 \times (-6) + 2 = -16$$

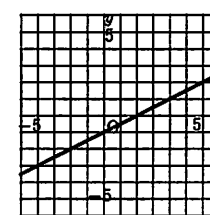
$$② \quad y = -3 \times (-6) - 4 = 14$$

$$③ \quad y = \frac{1}{3} \times (-6) - 2 = -4$$

$$④ \quad y = -\frac{1}{3} \times (-6) + 4 = 6$$

よって、点 $(-6, 6)$ を通るのは ④

- 15 解答

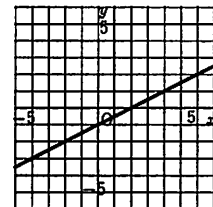


解説

$x=1, 3$ のとき、 y の値は次のようになる。

$$y = \frac{1}{2} \times 1 - \frac{1}{2} = 0, y = \frac{1}{2} \times 3 - \frac{1}{2} = 1$$

よって、2点 $(1, 0), (3, 1)$ を通る直線になる。



16 解答 $x=3, y=-1$

解説

方程式 $2x+y=5$ を y について解くと

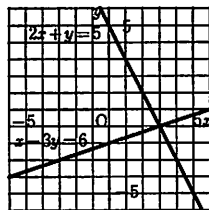
$$y = -2x + 5$$

方程式 $x-3y=6$ を y について解くと

$$y = \frac{1}{3}x - 2$$

よって、グラフは右の図のようになる。

2 直線の交点の座標は $(3, -1)$ であるから、連立方程式の解は $x=3, y=-1$



17 解答 (1) $y=x-1$ (2) $y=-6x+2$ (3) $y=\frac{2}{5}x-1$ (4) $y=2x-2$

解説

(1) 変化の割合が 1 であるから、1 次関数は次のように表すことができる。

$$y = x + b$$

$x=4, y=3$ を代入すると

$$3 = 4 + b$$

$$b = -1$$

(2) 変化の割合が -6 であるから、1 次関数は次のように表すことができる。

$$y = -6x + b$$

$x=1, y=-4$ を代入すると

$$-4 = -6 \times 1 + b$$

$$b = 2$$

(3) 変化の割合が $\frac{2}{5}$ であるから、1 次関数は次のように表すことができる。

$$y = \frac{2}{5}x + b$$

$x=2, y=-\frac{1}{5}$ を代入すると

$$-\frac{1}{5} = \frac{2}{5} \times 2 + b$$

$$b = -1$$

(4) 変化の割合が 2 であるから、1 次関数は次のように表すことができる。

$$y = 2x + b$$

$x=\frac{3}{2}, y=1$ を代入すると

$$3 = 2 \times \frac{3}{2} + b$$

$$b = -2$$

18 解答 (1) $y=x+1$ (2) $y=\frac{3}{2}x+4$

解説

(1) 傾きは $\frac{3-(-1)}{2-(-2)} = \frac{4}{4} = 1$

$y=x+b$ に $x=2, y=3$ を代入すると

$$3 = 2 + b$$

$$b = 1$$

(2) 傾きは $\frac{7-1}{2-(-2)} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$

$y=\frac{3}{2}x+b$ に $x=2, y=7$ を代入すると

$$7 = \frac{3}{2} \times 2 + b$$

$$b = 4$$

19 解答 $-\frac{1}{2}$

解説

$$x = -3 \text{ のとき } y = -\frac{1}{2} \times (-3) + 1 = \frac{5}{2}$$

$$x = 1 \text{ のとき } y = -\frac{1}{2} \times 1 + 1 = \frac{1}{2}$$

したがって、 y の増加量は

$$\frac{1}{2} - \frac{5}{2} = -2$$

よって、変化の割合は

$$\frac{-2}{1-(-3)} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$$

20 解答 (1) 5 L (2) $y=5x+10$ (3) 50 L (4) 18 分後

解説

(1) 5 分間で、 $35-10=25$ (L) 増えているので $25 \div 5 = 5$ (L)

(2) 1 分間に 5 L 増えているので、変化の割合は 5、はじめの水の量は 10 L なので

$$y = 5x + 10$$

(3) $x=8$ を (2) の式に代入すると

$$y = 5 \times 8 + 10$$

$$y = 50$$

(4) $y=100$ を (2) の式に代入すると

$$100 = 5x + 10$$

$$-5x = -90$$

$$x = 18$$

21 解答 (1) 4 cm (2) $y=-4x+90$ (3) 26 cm (4) $\frac{45}{2}$ 分後

(5) x の変域: $0 \leq x \leq \frac{45}{2}$, y の変域: $0 \leq y \leq 90$

解説

(1) $(90-66) \div 6 = 4$

(3) (2) の式に $x=16$ を代入すると

$$y = -4 \times 16 + 90$$

$$y = 26$$

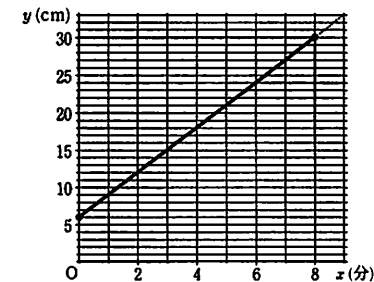
(4) (2) の式に $y=0$ を代入すると

$$0 = -4x + 90$$

$$4x = 90$$

$$x = \frac{45}{2}$$

22 解答 (図)



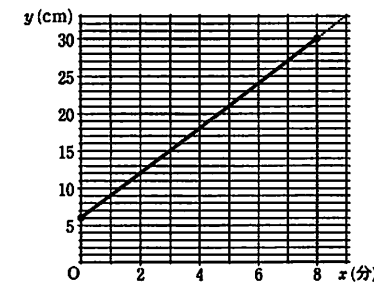
解説

x, y の変域が限られていることに注意する。

4 分後に水面の高さが 18 cm で、1 分ごとに 3 cm の割合で水面の高さは上がっていくから、グラフは点 $(4, 18)$, $(5, 21)$ を通る直線になる。

グラフから、 $y=30$ のとき、 $x=8$ であるから、 x の変域は $0 \leq x \leq 8$ となる。

よって、求めるグラフは、下の図の実線部分である。



23 解答 $y=3x-2$

解説

点 $(0, -2)$ を通るから、切片は -2 である。

また、グラフでは、右へ 1 進むと、上へ 3 だけ進むから、傾きは 3 である。

よって、求める式は $y=3x-2$

24 解答 $y=2x-4$

解説

$3x+0-6=0$ を解くと $x=2$

よって、点 C の座標は $(2, 0)$

また、直線 AB の傾きは $\frac{-6-4}{-3-2} = 2$

求める直線の傾きは 2 であるから、その式は $y=2x+b$ とおける。

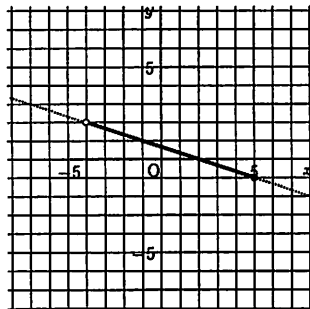
この直線が、点 $(2, 0)$ を通るから

$$0 = 2 \times 2 + b$$

$$b = -4$$

したがって、求める直線の式は $y=2x-4$

25 解答 (図)



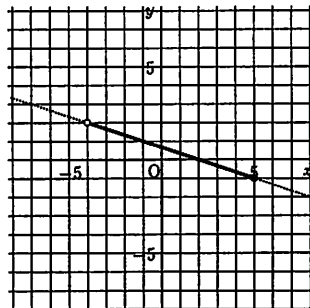
解説

$$y = -\frac{1}{3}x + \frac{2}{3} \text{ について}$$

$$x = -4 \text{ のとき } y = -\frac{1}{3} \times (-4) + \frac{2}{3} = 2$$

$$x = 5 \text{ のとき } y = -\frac{1}{3} \times 5 + \frac{2}{3} = -1$$

よって、グラフは点 $(-4, 2)$ 、 $(5, -1)$ を結んだ線分で、下の図の実線部分である。



- 26 解答 (1) $\triangle ABE \cong \triangle CDE$, 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい
(2) $\triangle ABC \cong \triangle CDA$, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい

解説

$$(1) AE = CE$$

$$EB = ED$$

$$\angle AEB = \angle CED \text{ (対頂角)}$$

$\triangle ABE \cong \triangle CDE$, 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

$$(2) AC = CA$$

$$\angle BAC = \angle DCA$$

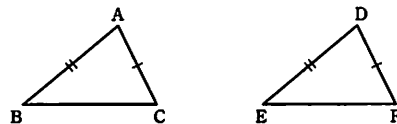
$$\angle BCA = \angle DAC$$

$\triangle ABC \cong \triangle CDA$, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい

- 27 解答 $BC = EF$ または $\angle BAC = \angle EDF$

解説

等しい関係を図に表すと、下のようになる。



$\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ が合同になるとすると、考えられる合同条件は
「3組の辺がそれぞれ等しい」

または

「2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい」

のどちらかである。

よって、残りの条件は

$$BC = EF \text{ または } \angle BAC = \angle EDF$$

- 28 解答 (1) 十二角形 (2) 18° (3) 2880°

解説

(1) 多角形の外角の和は 360° であるから、この多角形の内角の和は $360^\circ \times 5 = 1800^\circ$
 n 角形の内角の和が 1800° になるとすると

$$180^\circ \times (n - 2) = 1800^\circ$$

$$n - 2 = 10$$

$$n = 12$$

よって 十二角形

(2) 正 n 角形の内角の和が 3240° になるとすると

$$180^\circ \times (n - 2) = 3240^\circ$$

$$n - 2 = 18$$

$$n = 20$$

正二十角形の1つの外角の大きさは $360^\circ \div 20 = 18^\circ$

別解 内角の和と外角の和の合計は $3240^\circ + 360^\circ = 3600^\circ$

1つの角について、内角と外角の和は 180° であるから、 $3600^\circ \div 180^\circ = 20$ より、この正多角形は、正二十角形である。

よって、1つの外角の大きさは $360^\circ \div 20 = 18^\circ$

(3) 正 n 角形の外角の大きさはすべて等しく、その和は 360° であるから

$$n = 360^\circ \div 20^\circ = 18$$

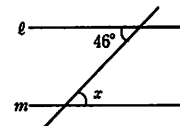
正十八角形の内角の和は $180^\circ \times (18 - 2) = 2880^\circ$

- 29 解答 $\angle x = 46^\circ$, $\angle y = 125^\circ$

解説

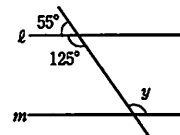
右の図で、平行線の錯角は等しいから

$$\angle x = 46^\circ$$



右の図で、平行線の錯角は等しいから

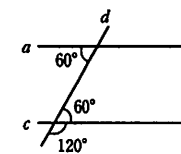
$$\angle y = 125^\circ$$



- 30 解答 直線 a と直線 c

解説

同位角または錯角が等しいならば、2直線は平行である。
したがって、平行な2直線は a と c



- 31 解答 (1) $\angle x = 35^\circ$ (2) $\angle x = 55^\circ$

解説

(1) 三角形の内角の和は 180° であるから

$$\angle x = 180^\circ - (100^\circ + 45^\circ)$$

$$= 35^\circ$$

(2) 内角と外角の性質から

$$\angle x = 20^\circ + 35^\circ$$

$$= 55^\circ$$

- 32 解答 (1) $\angle x = 85^\circ$ (2) $\angle x = 33^\circ$

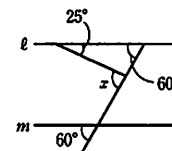
解説

(1) 平行線の同位角は等しいから、右の図のようになる。

よって、内角と外角の性質から

$$\angle x = 25^\circ + 60^\circ$$

$$= 85^\circ$$

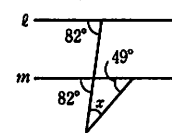


(2) 平行線の同位角は等しいから、右の図のようになる。

よって、内角と外角の性質から

$$\angle x = 82^\circ - 49^\circ$$

$$= 33^\circ$$



- 33 解答 140°

解説

たとえば、右の図のように補助線をひいて点Eをとると、

$\triangle AED$ において

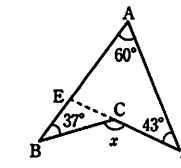
$$\angle BEC = 60^\circ + 43^\circ$$

$$= 103^\circ$$

また、 $\triangle EBC$ において

$$\angle x = 103^\circ + 37^\circ$$

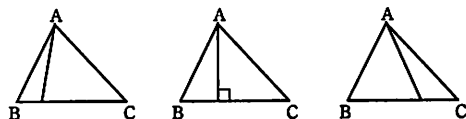
$$= 140^\circ$$



- 34 解答 (ア) できない (イ) できる

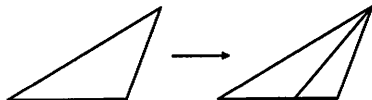
解説

(ア) 鋭角三角形 ABC を、頂点 A を通る直線で 2 つに分けると、次の 3 つのいずれかになる。



頂点 B, C を通る直線で分けたときも同じであるから、鋭角三角形を 2 つの鋭角三角形に分けることはできない。

(イ) 鈍角三角形は、次の図のようにすれば 2 つの鈍角三角形に分けることができる。



よって、鈍角三角形を 2 つの鈍角三角形に分けることはできる。

- 35 解答 $0 < x < 40$

解説

1 つの内角の大きさが 50° であるから、残り 2 つの内角の和は

$$180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

そのうち一方は鈍角で 90° より大きいから、もう一方の角は 40° より小さくなる。

よって、鈍角ではない方の角の大きさの範囲は

$$0 < x < 40$$

- 36 解答 (1) $\angle x = 130^\circ$ (2) $\angle x = 148^\circ$

解説

(1) 多角形の外角の和は 360° であるから

$$\angle x = 360^\circ - (105^\circ + 125^\circ)$$

$$= 130^\circ$$

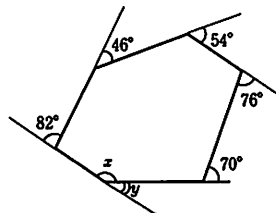
(2) $\angle x$ の外角を $\angle y$ とすると、多角形の外角の和は 360° であるから

$$\angle y = 360^\circ - (70^\circ + 76^\circ + 54^\circ + 46^\circ + 82^\circ)$$

$$= 32^\circ$$

$$\text{よって } \angle x = 180^\circ - 32^\circ$$

$$= 148^\circ$$



- 37 解答 (1) 60° (2) 略

解説

(1) $\angle C'FC = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

折り返した角は等しいから $\angle CFE = \angle C'FE$

$$\text{よって } \angle CFE = \angle C'FE = 120^\circ \div 2 = 60^\circ$$

(2) 証明

(1) より $\angle C'FC = 60^\circ$ ①

$$\angle CFE = \angle C'FE = 60^\circ$$

四角形 ABCD は長方形であるから

$$AD \parallel BC$$

よって $\angle C'FE = \angle CFE = 60^\circ$ ②

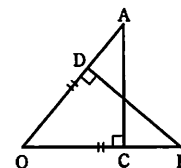
$$\angle EC'F = \angle BFC' = 60^\circ \text{ ③}$$

①, ②, ③ より、 $\triangle C'FE$ は 3 つの角が等しいから、正三角形である。

38 右の図において、 $OA = OB$ 、 $\angle ACO = \angle BDO = 90^\circ$ です。

このとき、 $OC = OD$ であることを証明したい。

☐ にあてはまるものを入れなさい。



証明

$\triangle AOC$ と $\triangle BOD$ において

仮定から

$$OA = OB \text{ ①}$$

$$\angle ACO = \angle BDO = 90^\circ \text{ ②}$$

共通な角であるから

$$\angle AOC = \angle BOD \text{ ③}$$

①, ②, ③ より、直角三角形の

斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しい

から

$$\triangle AOC \cong \triangle BOD$$

合同な図形では対応する辺の長さは等しいから

$$OC = OD$$

解説

証明

$\triangle AOC$ と $\triangle BOD$ において

仮定から

$$OA = OB \text{ ①}$$

$$\angle ACO = \angle BDO = 90^\circ \text{ ②}$$

共通な角であるから

$$\angle AOC = \angle BOD \text{ ③}$$

①, ②, ③ より、直角三角形の

斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しい

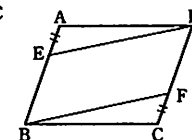
から

$$\triangle AOC \cong \triangle BOD$$

合同な図形では対応する辺の長さは等しいから

$$OC = OD$$

- 39 右の図のように、 $\square ABCD$ の辺 AB, DC 上に、 $AE = FC$ となるように、それぞれ点 E, F をとります。このとき、四角形 BFDE が平行四辺形であることを証明したい。☐ にあてはまるものを入れなさい。



証明 仮定から

$$AE = FC \text{ ①}$$

$\square ABCD$ の対辺は等しいから

$$AB = DC \text{ ②}$$

①, ② より $AB - AE = DC - FC$

$$\text{よって } EB = DF \text{ ③}$$

また、 $\square ABCD$ の対辺は平行であるから

$$AB \parallel DC$$

$$\text{よって } EB \parallel DF \text{ ④}$$

③, ④ より

1 組の対辺が平行でその長さが等しい

から、四角形 BFDE は平行四辺形である。

解説

証明 仮定から

$$AE = FC \text{ ①}$$

$\square ABCD$ の対辺は等しいから

$$AB = DC \text{ ②}$$

①, ② より $AB - AE = DC - FC$

$$\text{よって } EB = DF \text{ ③}$$

また、 $\square ABCD$ の対辺は平行であるから

$$AB \parallel DC$$

$$\text{よって } EB \parallel DF \text{ ④}$$

③, ④ より

1 組の対辺が平行でその長さが等しい

から、四角形 BFDE は平行四辺形である。

- 40 解答 ①, ④

解説

① 残りの角は $180^\circ - (40^\circ + 100^\circ) = 40^\circ$

よって、二等辺三角形である。

② 残りの角は $180^\circ - (50^\circ + 70^\circ) = 60^\circ$

よって、二等辺三角形ではない。

③ 残りの角は $180^\circ - (150^\circ + 20^\circ) = 10^\circ$

よって、二等辺三角形ではない。

④ 残りの角は $180^\circ - (120^\circ + 30^\circ) = 30^\circ$

よって、二等辺三角形である。

41 解答 51°

解説

平行四辺形の対角は等しいから

$$\angle ADC = \angle ABF = 78^\circ$$

$\angle ADE = \angle CDE$ であるから

$$\angle ADE = \frac{1}{2} \angle ADC = \frac{1}{2} \times 78^\circ = 39^\circ$$

$\triangle AED$ において

$$\angle EAD = 180^\circ - (90^\circ + 39^\circ)$$

$AD \parallel BC$ より

$$\angle x = \angle EAD = 51^\circ$$

42 $\square ABCD$ の対角線 AC 上に $AE = CF$ となる点 E, F をとる。
このとき、 $BE = DF$ を証明します。

□ にあてはまる記号を答えなさい。

証明 $\triangle ABE$ と $\triangle CDF$ において

平行四辺形の対辺は等しいから

$$AB = CD \quad \cdots \cdots ①$$

仮定から $AE = CF \quad \cdots \cdots ②$

$AB \parallel CD$ より、平行線の錯角は等しいから

$$\angle BAE = \angle DCF \quad \cdots \cdots ③$$

①, ②, ③ より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABE \cong \triangle CDF$$

合同な図形では対応する辺の長さは等しいから

$$BE = DF$$

解説

証明 $\triangle ABE$ と $\triangle CDF$ において

平行四辺形の対辺は等しいから

$$AB = CD \quad \cdots \cdots ①$$

仮定から $AE = CF \quad \cdots \cdots ②$

$AB \parallel CD$ より、平行線の錯角は等しいから

$$\angle BAE = \angle DCF \quad \cdots \cdots ③$$

①, ②, ③ より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABE \cong \triangle CDF$$

合同な図形では対応する辺の長さは等しいから

$$BE = DF$$

43 解答 略

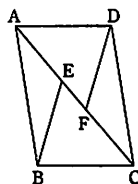
解説

証明 仮定から $AE \parallel CF \quad \cdots \cdots ①$

平行四辺形の対辺は平行だから

$$AF \parallel EC \quad \cdots \cdots ②$$

①, ② より、2組の対辺がそれぞれ平行であるから、



四角形 $AECF$ は平行四辺形である。

44 解答 (ア) FC (イ) FC (ウ) 1組の対辺が平行でその長さが等しい
(エ) EC (オ) FB (カ) 2組の対辺がそれぞれ平行

解説

(ア) FC (イ) FC (ウ) 1組の対辺が平行でその長さが等しい

(エ) EC (オ) FB (カ) 2組の対辺がそれぞれ平行

45 解答 36°

解説

$\angle A$ の大きさを x とする。

$AD = BD$ より $\angle ABD = \angle BAD = x$

よって、 $\triangle ABD$ において、内角と外角の性質から

$$\angle BDC = x + x = 2x$$

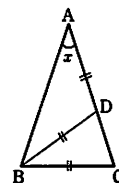
また、 $BD = BC$ より $\angle BCD = \angle BDC = 2x$

さらに、 $AB = AC$ より、 $\angle ABC = \angle ACB = 2x$ であるから、

$\triangle ABC$ の内角の和について

$$x + 2x + 2x = 180^\circ$$

$$x = 36^\circ \quad \text{図} \quad 36^\circ$$



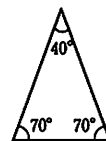
46 解答 2通り

解説

二等辺三角形の頂角が底角のどちらかが 40° である。

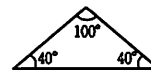
① 頂角が 40° のとき、底角は

$$(180^\circ - 40^\circ) \div 2 = 70^\circ$$



② 底角が 40° のとき、頂角は

$$180^\circ - 40^\circ \times 2 = 100^\circ$$



よって、二等辺三角形の形は 2通り

47 解答 略

解説

$\square ABCD$ において

$$AD \parallel BC, AD = BC$$

$\square BEFC$ において

$$BC \parallel EF, BC = EF$$

よって $AD \parallel EF \quad \cdots \cdots ①$

$$AD = EF \quad \cdots \cdots ②$$

①, ② より、四角形 $AEDF$ は1組の対辺が平行でその長さが等しいから、平行四辺形である。

48 解答 (1) 必ず平行四辺形になる (2) 必ず平行四辺形になるとはいえない

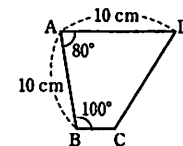
(3) 必ず平行四辺形になる

解説

(1) 4つの辺が等しい四角形はひし形である。

ひし形は平行四辺形の特別な場合であるから、四角形 $ABCD$ は必ず平行四辺形になる。

(2) 右の図のような場合があるから、必ず平行四辺形になるとはいえない。



(3) $\angle A$ の外角の大きさは

$$180^\circ - \angle A$$

また、 $\angle A + \angle B = 180^\circ$ より

$$\angle B = 180^\circ - \angle A$$

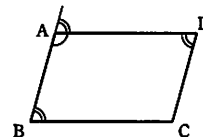
したがって、この2つの角は等しい。

同位角が等しいから $AD \parallel BC \quad \cdots \cdots ①$

同様に、 $\angle A + \angle D = 180^\circ$ より、 $\angle A$ の外角は $\angle D$ と等しい。

錯角が等しいから $AB \parallel DC \quad \cdots \cdots ②$

①, ② より、2組の対辺がそれぞれ平行であるから、四角形 $ABCD$ は必ず平行四辺形になる。



[1] 解答 -1

(解説)

$$\begin{aligned} & x\left(\frac{1}{z} + \frac{1}{y}\right) + y\left(\frac{1}{z} + \frac{1}{x}\right) + \frac{x+z}{x} + \frac{y+z}{y} \\ &= \frac{x}{z} + \frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{y}{x} + \frac{x+z}{x} + \frac{y+z}{y} \\ &= \frac{x+y+z}{x} + \frac{x+y+z}{y} + \frac{x+y}{z} \end{aligned}$$

これに、 $x+y+z=0$, $x+y=-z$ を代入して

$$\frac{0}{x} + \frac{0}{y} - \frac{z}{z} = -1$$

[2] 奇数と偶数の差は奇数になることを、次のように説明しました。□にあてはまるものを入れなさい。

 m, n を整数とすると奇数は $2m+1$, 偶数は $2n$

と表される。このとき、これらの差は

$$(2m+1) - 2n = 2(\boxed{m-n}) + 1$$

 $m-n$ は整数であるから、 $2(\boxed{m-n}) + 1$

は奇数である。

よって、奇数と偶数の差は奇数である。

(解説)

 m, n を整数とすると奇数は $2m+1$, 偶数は $2n$

と表される。このとき、これらの差は

$$(2m+1) - 2n = 2(m-n) + 1$$

 $m-n$ は整数であるから、 $2(m-n) + 1$ は奇数である。

よって、奇数と偶数の差は奇数である。

[3] 解答 $\frac{4}{3}$ 倍

(解説)

長方形 A の面積は $2a \times b = 2ab$ 長方形 B の面積は $a \times \frac{3}{2}b = \frac{3}{2}ab$

$$\begin{aligned} 2ab \div \frac{3}{2}ab &= 2ab \times \frac{2}{3ab} \\ &= \frac{4}{3} \end{aligned}$$

よって、長方形 A の面積は、長方形 B の面積の $\frac{4}{3}$ 倍

[4] 解答 8 倍

(解説)

立方体 A の体積は $a \times a \times a = a^3$ 立方体 B の体積は $2a \times 2a \times 2a = 8a^3$

$$8a^3 \div a^3 = 8$$

よって、立方体 B の体積は、立方体 A の体積の 8 倍

[5] 解答 (1) $\begin{cases} x+y=560 \\ \frac{106}{100}x + \frac{95}{100}y = 565 \end{cases}$ (2) 男子 300 人, 女子 260 人

(解説)

$$(1) \begin{cases} x+y=560 \\ \frac{106}{100}x + \frac{95}{100}y = 565 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} x+y=560 & \cdots \cdots ① \\ \frac{106}{100}x + \frac{95}{100}y = 565 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

②の両辺に 100 をかけると

$$106x + 95y = 56500 \quad \cdots \cdots ③$$

$$① \times 106 \quad 106x + 106y = 59360$$

$$\begin{array}{r} ③ \\ -) 106x + 95y = 56500 \\ \hline 11y = 2860 \\ y = 260 \end{array}$$

 $y=260$ を①に代入して解くと $x=300$ $x=300$, $y=260$ は問題に適している。

よって 男子 300 人, 女子 260 人

[6] 解答 古紙 16 kg, 空き缶 24 kg

(解説)

A 組が集めた古紙の量を x kg, 空き缶の量を y kg とすると

$$\begin{cases} x+y=40 & \cdots \cdots ① \\ \frac{110}{100}x + \frac{85}{100}y = 38 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

②の両辺に 20 をかけると

$$22x + 17y = 760 \quad \cdots \cdots ③$$

$$③ \quad 22x + 17y = 760$$

$$\begin{array}{r} ① \times 17 \\ -) 17x + 17y = 680 \\ \hline 5x = 80 \\ x = 16 \end{array}$$

 $x=16$ を①に代入して解くと $y=24$ $x=16$, $y=24$ は問題に適している。

よって 古紙 16 kg, 空き缶 24 kg

[7] 解答 カレー 600 円, ジュース 250 円

(解説)

カレーの値段を x 円, ジュースの値段を y 円とすると

$$\begin{cases} x+y=850 & \cdots \cdots ① \\ \frac{9}{10}x + \frac{8}{10}y = 740 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

②の両辺に 10 をかけると

$$9x + 8y = 7400 \quad \cdots \cdots ③$$

$$③ \quad 9x + 8y = 7400$$

$$\begin{array}{r} ① \times 8 \\ -) 8x + 8y = 6800 \\ \hline x = 600 \end{array}$$

 $x=600$ を①に代入して解くと $y=250$ $x=600$, $y=250$ は問題に適している。

よって カレー 600 円, ジュース 250 円

[8] 解答 4 人のグループ 9, 5 人のグループ 12

(解説)

4 人のグループの数を x , 5 人のグループの数を y

$$\begin{cases} x+y=21 \\ 4x+5y=96 \end{cases}$$

この連立方程式を解くと $x=9$, $y=12$ $x=9$, $y=12$ は問題に適している。 図 4 人のグループ 9, 5 人のグループ 12

[9] 解答 24

(解説)

もとの数の十の位の数を x , 一の位の数を y とすると,もとの自然数は $10x+y$ 十の位の数と一の位の数を入れかえた自然数は $10y+x$

と表される。

$$\begin{cases} 12(x+y) = 3(10x+y) \\ 10y+x = (10x+y) + 18 \end{cases}$$

この連立方程式を解くと $x=2$, $y=4$ $x=2$, $y=4$ は問題に適している。 図 24[10] 解答 $x=\frac{8}{5}$, $y=\frac{6}{5}$

(解説)

$$\begin{cases} \frac{x-y-2}{4} + \frac{x+2y+3}{5} = 1 & \cdots \cdots ① \\ \frac{-4x+y-2}{3} + \frac{4x-3y+4}{2} = 1 & \cdots \cdots ② \end{cases}$$

①の両辺に 20 をかけると

$$5(x-y-2) + 4(x+2y+3) = 20$$

$$3x+y=6 \quad \cdots \cdots ③$$

②の両辺に 6 をかけると

$$2(-4x+y-2) + 3(4x-3y+4) = 6$$

$$4x-7y=-2 \quad \cdots \cdots ④$$

$$③ \times 7 \quad 21x+7y=42$$

$$\begin{array}{r} ④ \\ +) 4x-7y=-2 \\ \hline 25x = 40 \\ x = \frac{8}{5} \end{array}$$

 $x=\frac{8}{5}$ を③に代入すると $3 \times \frac{8}{5} + y = 6$ これを解くと $y=\frac{6}{5}$ よって $x=\frac{8}{5}$, $y=\frac{6}{5}$

11 解答 (1) $x=17, y=7$ (2) $x=\frac{1}{3}, y=\frac{1}{2}$

解説

(1)
$$\begin{cases} 4x-5y=33 & \dots\dots ① \\ (x-2):(y+3)=3:2 & \dots\dots ② \end{cases}$$

② から $2(x-2)=3(y+3)$

$2x-3y=13 \dots\dots ③$

① $4x-5y=33$

③ $\times 2$
$$\begin{array}{r} 4x-5y=33 \\ -) 4x-6y=26 \\ \hline y=7 \end{array}$$

$y=7$ を ① に代入すると $4x-5 \times 7=33$

これを解くと $x=17$

よって $x=17, y=7$

(2)
$$\begin{cases} (2x-y):(x+y)=1:5 & \dots\dots ① \\ x-\frac{1-3y}{2}=\frac{7}{12} & \dots\dots ② \end{cases}$$

① から $5(2x-y)=x+y$

$9x-6y=0 \dots\dots ③$

② の両辺に 12 をかけると

$12x-6(1-3y)=7$

$12x-6+18y=7$

$12x+18y=13 \dots\dots ④$

③ $\times 3$ $27x-18y=0$

④
$$\begin{array}{r} +) 12x+18y=13 \\ \hline 39x=13 \end{array}$$

$x=\frac{1}{3}$

$x=\frac{1}{3}$ を ② に代入すると $9 \times \frac{1}{3}-6y=0$

$y=\frac{1}{2}$

よって $x=\frac{1}{3}, y=\frac{1}{2}$

12 解答 (1) $x=3, y=5$ (2) $x=\frac{5}{7}, y=\frac{5}{12}$

解説

(1)
$$\begin{cases} \frac{6}{x}+\frac{5}{y}=3 \\ \frac{9}{x}+\frac{10}{y}=5 \end{cases}$$

$\frac{1}{x}=a, \frac{1}{y}=b$ とおくと

$6a+5b=3 \dots\dots ①$

$9a+10b=5 \dots\dots ②$

① $\times 2$ $12a+10b=6$

②
$$\begin{array}{r} -) 9a+10b=5 \\ \hline 3a=1 \end{array}$$

$a=\frac{1}{3}$

$a=\frac{1}{3}$ を ① に代入すると $6 \times \frac{1}{3}+5b=3$

これを解くと $b=\frac{1}{5}$

よって $\frac{1}{x}=\frac{1}{3}, \frac{1}{y}=\frac{1}{5}$

したがって $x=3, y=5$

(2)
$$\begin{cases} \frac{2}{x}+\frac{3}{y}=10 \\ x-y=xy \end{cases}$$

$x-y=xy$ の両辺を xy で割ると

$\frac{1}{y}-\frac{1}{x}=1$

よって、連立方程式は

$$\begin{cases} \frac{2}{x}+\frac{3}{y}=10 \\ \frac{1}{y}-\frac{1}{x}=1 \end{cases}$$

$\frac{1}{x}=a, \frac{1}{y}=b$ とおくと

$2a+3b=10 \dots\dots ①$

$b-a=1 \dots\dots ②$

② より $a-b=-1 \dots\dots ③$

① $2a+3b=10$

③ $\times 2$
$$\begin{array}{r} -) 2a-2b=-2 \\ \hline 5b=12 \end{array}$$

$b=\frac{12}{5}$

$b=\frac{12}{5}$ を ② に代入すると $\frac{12}{5}-a=1$

これを解くと $a=\frac{7}{5}$

よって $\frac{1}{x}=\frac{7}{5}, \frac{1}{y}=\frac{12}{5}$

したがって $x=\frac{5}{7}, y=\frac{5}{12}$

13 解答 $a=3, b=2$

解説

$ax+by=1 \dots\dots ①$

$cx+y=-2 \dots\dots ②$

① に正しい解 $x=-1, y=2$ を代入すると

$-a+2b=1 \dots\dots ③$

① に誤った解 $x=-5, y=8$ を代入すると

$-5a+8b=1 \dots\dots ④$

③, ④ は c の値に関わらず、つねに成り立つから

③ $\times 5$ $-5a+10b=5$

④
$$\begin{array}{r} -) -5a+8b=1 \\ \hline 2b=4 \end{array}$$

$b=2$

$b=2$ を ③ に代入すると $-a+4=1$

これを解くと $a=3$

よって $a=3, b=2$

④ 正しい c の値は、 $c \times (-1)+2=-2$ より

$c=4$

A さんが書きまちがえた c の値は、

$c \times (-5)+8=-2$ より $c=2$

14 解答 $b=-1$

解説

1 次関数 $y=-2x+b$ は、右下がりのグラフであるから、 x の値が増加すると、 y の値は減少する。

よって、 x と y の変域から

$x=-2$ のとき $y=3$

$x=3$ のとき $y=-7$

である。

$y=-2x+b$ に $x=-2, y=3$ を代入して解くと

$b=-1$

15 解答 (1) $t, -t+6, -t+6, -t+6=t, 3, (3, 3)$ (2) $(4, 2)$

解説

(1) P の x 座標を t とおくと $PR=t$

P は $y=-x+6$ のグラフ上の点であるからその y 座標は $-t+6$

よって $PQ=-t+6$

四角形 OQPR が正方形になるとき、 $PQ=PR$ であるから $-t+6=t$

これを解くと、 $t=3$

よって、P の座標は $(3, 3)$

(2) $PR=2PQ$ であるから

$t=2(-t+6)$

$3t=12$

$t=4$

$t=4$ を $-t+6$ に代入すると

$-4+6=2$

16 解答 $(4, 8)$

解説

点 B の x 座標を t とおく。

B は直線 $y=2x$ 上の点であるから、その y 座標は $2t$

よって $BD=2t$

点 C の y 座標は点 B の y 座標と等しく $2t$ であるから、 $y=-\frac{1}{3}x+12$ に $y=2t$ を代入すると

$2t=-\frac{1}{3}x+12$

これを解くと $x=-6t+36$

よって、点 C の x 座標は $-6t+36$

したがって $BC=(-6t+36)-t=-7t+36$

四角形 BDEC は正方形になるとき、 $BD=BC$ であるから

$2t=-7t+36$

$t=4$

$t=4$ のとき、 $2t=2 \times 4=8$ であるから、点 B の座標は

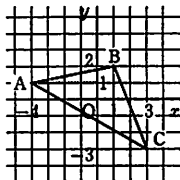
$(4, 8)$

17 解答 (1) $\frac{27}{2}$ (2) 6 (3) 22

解説

(1) $\triangle ABC$ の面積は

$$5 \times 7 - \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 5 + \frac{1}{2} \times 7 \times 4 + \frac{1}{2} \times 2 \times 5 \right) \\ = 35 - \left(\frac{5}{2} + 14 + 5 \right) = \frac{27}{2}$$



(2) $x - y + 2 = 0$ より $y = x + 2$

直線 $y = x + 2$ の切片は 2

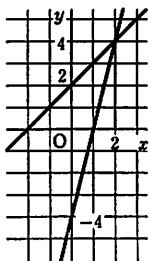
$4x - y - 4 = 0$ より $y = 4x - 4$

直線 $y = 4x - 4$ の切片は -4

連立方程式 $\begin{cases} x - y + 2 = 0 \\ 4x - y - 4 = 0 \end{cases}$ を解くと $x = 2, y = 4$

よって、2直線 $x - y + 2 = 0, 4x - y - 4 = 0$ の交点の座標は (2, 4)

したがって、求める三角形の面積は $\frac{1}{2} \times 6 \times 2 = 6$



(3) 連立方程式 $\begin{cases} x - y = -2 \\ 6x + 5y = 10 \end{cases}$ を解くと $x = 0, y = 2$

よって、2直線 $x - y = -2, 6x + 5y = 10$ の交点の座標は (0, 2)

連立方程式 $\begin{cases} 6x + 5y = 10 \\ 2x + 9y = -26 \end{cases}$ を解くと $x = 5, y = -4$

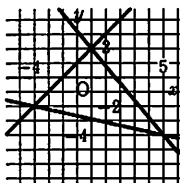
よって、2直線 $6x + 5y = 10, 2x + 9y = -26$ の交点の座標は (5, -4)

連立方程式 $\begin{cases} 2x + 9y = -26 \\ x - y = -2 \end{cases}$ を解くと $x = -4, y = -2$

よって、2直線 $2x + 9y = -26, x - y = -2$ の交点の座標は (-4, -2)

したがって、求める三角形の面積は

$$6 \times 9 - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 4 + \frac{1}{2} \times 9 \times 2 + \frac{1}{2} \times 5 \times 6 \right) \\ = 54 - (8 + 9 + 15) = 22$$



18 解答 $y = 2x - 2$

解説

求める直線は、点 A と線分 BC の中点を通る直線である。

線分 BC の中点を M とすると、M の座標は $\frac{-2+4}{2} = 1$ より (1, 0)

求める直線の式を $y = ax + b$ とする。

この直線が 2 点 A, M を通るから

$$\begin{cases} 2 = 2a + b \\ 0 = a + b \end{cases}$$

この連立方程式を解くと $a = 2, b = -2$

したがって、求める直線の式は $y = 2x - 2$

19 解答 (1) (-3, 4) (2) $y = \frac{2}{5}x + 2$

解説

(1) 連立方程式 $\begin{cases} y = 2x + 10 \\ y = -\frac{2}{3}x + 2 \end{cases}$ を解くと $x = -3, y = 4$

よって、点 A の座標は (-3, 4)

(2) 求める直線は、点 B と線分 AC の中点を通る直線である。

$0 = 2x + 10$ を解くと $x = -5$

よって、点 B の座標は (-5, 0)

$0 = -\frac{2}{3}x + 2$ を解くと $x = 3$

よって、点 C の座標は (3, 0)

線分 AC の中点を M とすると、M の座標は

$$\frac{-3+3}{2} = 0, \frac{4+0}{2} = 2 \text{ より } (0, 2)$$

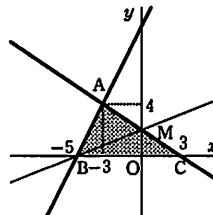
よって、求める直線の式は $y = ax + 2$ と表すことができる。

この直線が点 B を通るから

$$0 = -5a + 2$$

$$a = \frac{2}{5}$$

したがって、求める直線の式は $y = \frac{2}{5}x + 2$



20 解答 $y = \frac{5}{4}x$

解説

$\triangle ABC$ の面積は $\frac{1}{2} \times (4 - (-1)) \times 3 = \frac{15}{2}$

直線 ℓ と辺 AC の交点を D とし、D の y 座標を d とすると、 $\triangle DOC$ の面積について

$$\frac{1}{2} \times 4 \times d = \frac{15}{2} \times \frac{1}{2}$$

$$d = \frac{15}{8}$$

直線 AC の式は $y = mx + 3$ と表すことができる。

直線 AC は点 C を通るから

$$0 = 4m + 3$$

$$m = -\frac{3}{4}$$

よって、直線 AC の式は $y = -\frac{3}{4}x + 3$

D は直線 AC 上の点であるから、その x 座標は

$$\frac{15}{8} = -\frac{3}{4}x + 3$$

$$x = \frac{3}{2}$$

よって、点 D の座標は $\left(\frac{3}{2}, \frac{15}{8} \right)$

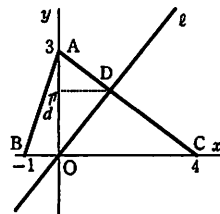
また、直線 ℓ の式は $y = nx$ と表すことができる。

直線 ℓ は点 D を通るから

$$\frac{15}{8} = \frac{3}{2}n$$

$$n = \frac{5}{4}$$

したがって、直線 ℓ の式は $y = \frac{5}{4}x$



21 解答 (1) $y = -2x + 12$ (2) $y = \frac{1}{4}x + 3$

解説

(1) 直線 AB の式は $y = mx + 12$ と表すことができる。

直線 AB は点 B を通るから

$$0 = 6m + 12$$

$$m = -2$$

よって、直線 AB の式は $y = -2x + 12$

(2) $\triangle AOB$ の面積は $\frac{1}{2} \times 6 \times 12 = 36$

直線 ℓ と辺 AB の交点を D とし、D の x 座標を d とすると、 $\triangle ACD$ の面積について

$$\frac{1}{2} \times (12 - 3) \times d = 36 \times \frac{1}{2}$$

$$d = 4$$

点 D は直線 AB 上の点であるから、その y 座標は

$$y = -2 \times 4 + 12 = 4$$

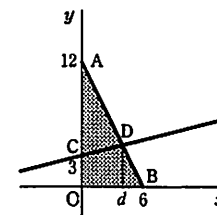
よって、点 D の座標は (4, 4)

また、直線 ℓ の式は $y = nx + 3$ と表すことができる。

直線 ℓ は点 D を通るから $4 = 4n + 3$

$$n = \frac{1}{4}$$

したがって、直線 ℓ の式は $y = \frac{1}{4}x + 3$



22 解答 $\left(\frac{10}{11}, \frac{15}{11} \right)$

解説

点 B の x 座標を t とおくと、点 A の x 座標も t である。

A は直線 $y = \frac{3}{2}x$ 上の点であるから、その y 座標は $\frac{3}{2}t$

よって $AB = \frac{3}{2}t$

点 D の y 座標は点 A の y 座標と等しく $\frac{3}{2}t$ であるから、 $y = -\frac{4}{3}x + 5$ に $y = \frac{3}{2}t$ を代入すると

$$\frac{3}{2}t = -\frac{4}{3}x + 5$$

これを解くと $x = -\frac{9}{8}t + \frac{15}{4}$

よって $BC = AD = \left(-\frac{9}{8}t + \frac{15}{4} \right) - t = -\frac{17}{8}t + \frac{15}{4}$

$AB : BC = 3 : 4$ であるから

$$\frac{3}{2}t : \left(-\frac{17}{8}t + \frac{15}{4} \right) = 3 : 4$$

よって $\frac{3}{2}t \times 4 = \left(-\frac{17}{8}t + \frac{15}{4} \right) \times 3$

これを解くと $t = \frac{10}{11}$

$t = \frac{10}{11}$ のとき $\frac{3}{2}t = \frac{3}{2} \times \frac{10}{11} = \frac{15}{11}$

したがって、点 A の座標は $\left(\frac{10}{11}, \frac{15}{11} \right)$

- 23 解答 (1) $y=x-2$ (2) (15, 13) (3) $y=\frac{3}{4}x$

解説

- (1) 点 A の x 座標は 1 で、A は直線 $y=-x$ 上の点であるから、A の y 座標は -1 によって、点 A の座標は (1, -1)

四角形 ABCD は正方形であるから、 $AB=BC$ より、直線 AC の傾きは $\frac{BC}{AB}=1$

よって、直線 AC の式は $y=x+b$ とおける。

この直線が点 A を通るから

$$-1=1+b$$

$$b=-2$$

したがって、直線 AC の式は $y=x-2$

- (2) 点 C は 2 直線 $y=\frac{2}{3}x+3$, $y=x-2$ の交点である。

$$\begin{cases} y=\frac{2}{3}x+3 \\ y=x-2 \end{cases} \text{ を解くと}$$

$$x=15, y=13$$

よって、点 C の座標は (15, 13)

- (3) 正方形の面積を 2 等分する直線は、正方形の 2 本の対角線の交点を通る。
2 本の対角線の交点は、対角線の中点と一致する。

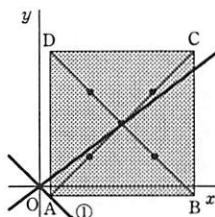
線分 AC の中点の座標は

$$\frac{1+15}{2}=8, \frac{-1+13}{2}=6 \text{ より } (8, 6)$$

求める直線は、原点 O と点 (8, 6) を通るから、

$$\text{その傾きは } \frac{6}{8}=\frac{3}{4}$$

よって、求める直線の式は $y=\frac{3}{4}x$



- 24 解答 (1) 5 分間 (2) 7 時 40 分 (3) 分速 100 m (4) 分速 50 m
(5) 7 時 55 分

解説

- (1) 家を出発してから 10 分後から 15 分後まで文具店にいたから、 $15-10=5$ より 5 分間

- (2) A さんが文具店に着いたのは、家を出発してから 10 分後であるから 7 時 40 分

- (3) 10 分間で 1000 m 進んでいるから、 $\frac{1000}{10}=100$ より 分速 100 m

- (4) $35-15=20$, $2000-1000=1000$ より、20 分間で 1000 m 進んでいるから、 $\frac{1000}{20}=50$ より 分速 50 m

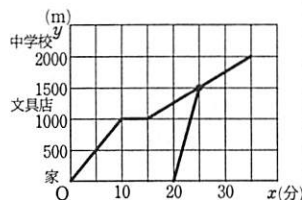
- (5) 時速 18 km は、分速 300 m である。

母が家を出発したのは、7 時 30 分の 20 分後である。

よって、グラフの横軸を x 軸、縦軸を y 軸としたとき、母の動きを表すグラフは、

点 (20, 0) を通り、傾き 300 の直線である。

グラフより、追いつく時刻は 7 時 30 分の 25 分後であるから 7 時 55 分



参考 交点の座標を式で求めると、次のようになる。

母の動きを表すグラフの式を $y=300x+p$ とすると、グラフが点 (20, 0) を通るから $0=300 \times 20 + p$

$$p=-6000$$

よって、母の動きを表すグラフの式は $y=300x-6000$

一方、 $15 \leq x \leq 35$ における A さんの動きを表すグラフは、点 (15, 1000) を通る。

傾き $\frac{2000-1000}{35-15}=50$ の直線である。

A さんの動きを表すグラフの式を $y=50x+q$ とすると、グラフが点 (15, 1000) を通るから

$$1000=50 \times 15 + q$$

$$q=250$$

よって、A さんの動きを表すグラフの式は $y=50x+250$

$$\begin{cases} y=300x-6000 \\ y=50x+250 \end{cases} \text{ を解くと}$$

$$x=25, y=1500$$

- 25 解答 (-2, 3)

解説

「 m の値に関係なく、つねにある定点を通る」とあるから、 m の値を具体的に 2 つ決めて、それらの値で定まる 2 直線の交点を求めればよい。

$$m=1 \text{ のとき } y=x+5$$

$$m=-1 \text{ のとき } y=-x+1$$

$$\begin{cases} y=x+5 \\ y=-x+1 \end{cases} \text{ を解くと}$$

$$x=-2, y=3$$

したがって、求める点の座標は (-2, 3)

参考 与えられた直線の式は

$$y=m(x+2)+3$$

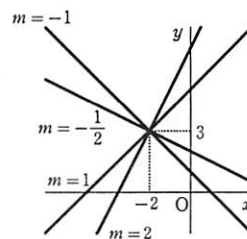
と変形できる。

この等式の右辺に $x=-2$ を代入すると

$$m(-2+2)+3=m \times 0+3=3$$

となり、 m の値に関係なく、つねに $y=3$ となる
ことがわかる。

すなわち、この直線は、点 (-2, 3) を通り、傾き
が m の直線である。



- 26 解答 $y=-2x-1$

解説

点 D を通り、AC に平行な直線を ℓ とする。

直線 AC の傾きは $\frac{0-5}{2-(-3)}=-1$

よって、直線 ℓ の式は $y=-x+b$ と表すことができる

直線 ℓ は点 D を通るから

$$3=-1+b$$

$$b=4$$

よって、直線 ℓ の式は $y=-x+4$

$y=0$ を $y=-x+4$ に代入すると

$$0=-x+4$$

$$x=4$$

よって、直線 ℓ と x 軸との交点を E とすると、点 E の座標は (4, 0)

$AC \parallel DE$ より、 $\triangle ACD = \triangle ACE$ であるから、四角形 ABCD の面積と $\triangle ABE$ の面積が等しい。

よって、求める直線は線分 BE の中点を通る。

線分 BE の中心の座標は $\frac{-5+4}{2}=-\frac{1}{2}$ より

$$\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$$

求める直線の式を $y=px+q$ とする。

この直線が 2 点 $(-3, 5)$, $\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$ を通るから

$$\begin{cases} 5=-3p+q \\ 0=-\frac{1}{2}p+q \end{cases}$$

これを解くと $p=-2$, $q=-1$

したがって、求める直線の式は $y=-2x-1$

- 27 解答 $-\frac{3}{5}$

解説

y 軸について、点 A と対称な点を A' とすると

$$A'(-3, -3)$$

このとき、 $AP=A'P$ であるから

$$AP+BP=A'P+PB$$

よって、 $AP+BP$ が最小となるのは、3 点 A' , P, B が一直線上にあるときである。

直線 $A'B$ の傾きは $\frac{5-(-3)}{7-(-3)}=\frac{4}{5}$

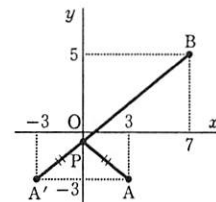
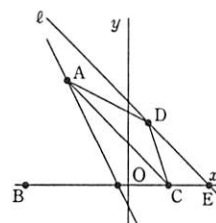
よって、直線 $A'B$ の式は $y=\frac{4}{5}x+b$ と表すことができる。

$x=-3$, $y=-3$ をこの式に代入すると

$$-3=\frac{4}{5} \times (-3) + b$$

$$b=-\frac{3}{5}$$

したがって、求める点 P の y 座標は $-\frac{3}{5}$



28 (解答) (1) 38° (2) 42° (3) 296° (4) 122°

(解説)

(1) $\angle a = 24^\circ$
 $\angle d = 21^\circ$
 $\angle c = 35^\circ - 21^\circ$
 $= 14^\circ$
 $\angle b = 14^\circ$
 $\angle x = 24^\circ + 14^\circ$
 $= 38^\circ$

(2) $\angle a = 19^\circ$
 $\angle b = 35^\circ - 19^\circ$
 $= 16^\circ$
 $\angle c = 16^\circ$
 $\angle d = 58^\circ - 16^\circ$
 $= 42^\circ$

(3) $\angle a = 30^\circ$
 $\angle d = 11^\circ$
 $\angle c = 45^\circ - 11^\circ$
 $= 34^\circ$
 $\angle b = 34^\circ$
 $\angle x = 360^\circ - (30^\circ + 34^\circ)$
 $= 296^\circ$

(4) $\angle a = 20^\circ$
 $\angle d = 20^\circ$
 $\angle c = 98^\circ - 20^\circ$
 $= 78^\circ$
 $\angle b = 180^\circ - 78^\circ$
 $= 102^\circ$
 $\angle x = 20^\circ + 102^\circ$
 $= 122^\circ$

29 (解答) (1) 正十二角形 (2) 正十五角形 (3) 正八角形

(解説)

(1) 1つの内角の大きさが 150° であるような正多角形の1つの外角の大きさは
 $180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$
 正 n 角形の外角の大きさはすべて等しく、その和は 360° であるから
 $n = 360^\circ \div 30^\circ = 12$

よって、この正多角形は 正十二角形

(図解) 1つの内角の大きさが 150° である正 n 角形の内角の和は

$$150^\circ \times n, 180^\circ \times (n-2)$$

と2通りに表される。

$$\text{よって } 150 \times n = 180 \times (n-2)$$

$$150n = 180n - 360$$

$$-30n = -360$$

$$n = 12$$

したがって、この正多角形は 正十二角形

(2) 1つの外角の大きさを a とすると、1つの内角の大きさは $a + 132^\circ$

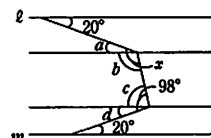
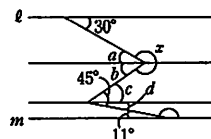
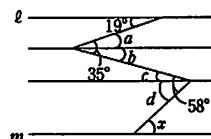
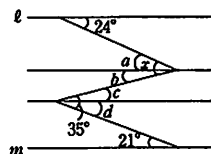
1つの外角と内角の和は 180° であるから

$$a + (a + 132^\circ) = 180^\circ$$

$$a = 24^\circ$$

正 n 角形の外角の大きさはすべて等しく、その和は 360° であるから

$$n = 360^\circ \div 24^\circ = 15$$



よって、この正多角形は 正十五角形

(3) 1つの外角の大きさを a とすると、1つの内角の大きさは $3a$

1つの外角と内角の和は 180° であるから

$$a + 3a = 180^\circ$$

$$a = 45^\circ$$

正 n 角形の外角の大きさはすべて等しく、その和は 360° であるから

$$n = 360^\circ \div 45^\circ = 8$$

よって、この正多角形は 正八角形

30 (解答) (1) 150° (2) 十角形

(解説)

(1) 十二角形の内角の和は $180^\circ \times 10 = 1800^\circ$

正多角形の内角の大きさはすべて等しいから、正十二角形の1つの内角の大きさは
 $1800^\circ \div 12 = 150^\circ$

(2) 内角の和が 1440° である多角形を n 角形とすると

$$180^\circ \times (n-2) = 1440^\circ$$

$$n-2=8$$

$$n=10$$

よって 十角形

31 (解答) 144°

(解説)

五角形の内角の和は $180^\circ \times (5-2) = 540^\circ$ である。

よって、正五角形の1つの内角の大きさは

$$540^\circ \div 5 = 108^\circ$$

ここで、右の図のように5点 A, B, C, D, E を定める。

対頂角は等しいから $\angle CED = \angle y$

よって、 $\triangle CDE$ の内角と外角の性質から

$$\angle ACE = 108^\circ + \angle y$$

多角形の外角の和は 360° であるから、 $\triangle ABC$ において

$$108^\circ + \angle x + (108^\circ + \angle y) = 360^\circ$$

したがって $\angle x + \angle y = 144^\circ$

32 (解答) (1) 25° (2) 40° (3) 18°

(解説)

(1) 右の図のように点 P, Q, R を通り l に

平行な直線 n, n', n'' をひく。

図において、平行線の錯角は等しいから

$$\angle a = 12^\circ, \angle b = 34^\circ$$

よって $\angle c = 53^\circ - 34^\circ = 19^\circ$

また $\angle d = \angle c = 19^\circ$

よって $\angle e = 32^\circ - 19^\circ = 13^\circ$

また $\angle f = \angle e = 13^\circ$

したがって $\angle x = 12^\circ + 13^\circ = 25^\circ$

(2) 右の図のように、点 P, Q, R を通り l に

平行な直線 n, n', n'' をひく。

図において、平行線の同位角は等しいから

$$\angle a = 25^\circ$$

よって $\angle b = 360^\circ - (320^\circ + 25^\circ) = 15^\circ$

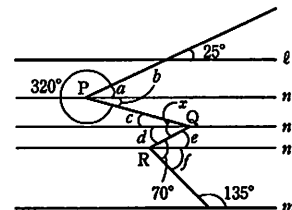
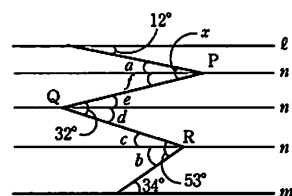
$$\angle c = \angle b = 15^\circ$$

また $\angle f = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$

$$\angle e = 70^\circ - 45^\circ = 25^\circ$$

$$\angle d = \angle e = 25^\circ$$

したがって $\angle x = 15^\circ + 25^\circ = 40^\circ$



(3) 右の図において、平行線の錯角は等しいから

$$\angle a = 80^\circ$$

$\triangle CDE$ において、内角と外角の性質から

$$\angle b = 80^\circ - 34^\circ = 46^\circ$$

$\triangle ABE$ において、内角と外角の性質から

$$\angle x = 46^\circ - 28^\circ = 18^\circ$$

33 (解答) ① (ウ) ② (ア)

(解説)

34 (解答) 9 cm^2

(解説)

図のように、点 E をとる。

点 E を通り、辺 AB に平行な直線と辺 AD, BC との交点を、それぞれ F, G とする。

AB // FG より

$$\triangle ABE = \triangle ABG \quad \dots\dots ①$$

FG // DC より

$$\triangle DEC = \triangle DGC$$

AD // BC より

$$\triangle DGC = \triangle AGC$$

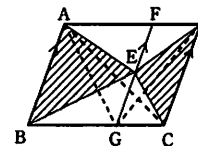
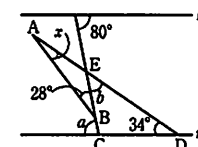
よって $\triangle DEC = \triangle AGC \quad \dots\dots ②$

①, ② より

$$\triangle ABE + \triangle DEC = \triangle ABG + \triangle AGC$$

$$= \frac{1}{2} \times 18$$

$$= 9 (\text{cm}^2)$$



35 (解答) 略

(解説)

$\triangle ABC$ と $\triangle DCB$ において

仮定から $AC = DB \quad \dots\dots ①$

平行四辺形の対辺は等しいから

$$AB = DC \quad \dots\dots ②$$

共通な辺であるから $BC = CB \quad \dots\dots ③$

①, ②, ③ より、3組の辺がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABC \cong \triangle DCB$$

したがって $\angle ABC = \angle DCB \quad \dots\dots ④$

また、平行四辺形の対角は等しいから

$$\angle ABC = \angle CDA \quad \dots\dots ⑤$$

$$\angle DCB = \angle BAD \quad \dots\dots ⑥$$

④, ⑤, ⑥ より、4つの角がすべて等しいから、 $\square ABCD$ は長方形になる。

36 解答 略

解説

$\triangle AEH$, $\triangle BEF$, $\triangle CGF$, $\triangle DGH$ において

四角形 ABCD は長方形であるから

$$\angle EAH = \angle EBF = \angle GCF = \angle GDH = 90^\circ \quad \dots\dots ①$$

$$AD = BC \quad \dots\dots ②$$

$$AB = DC \quad \dots\dots ③$$

点 E, F, G, H はそれぞれ辺 AB, BC, CD, DA の中点であるから

$$AH = DH, BF = CF \quad \dots\dots ④$$

$$AE = BE, DG = CG \quad \dots\dots ⑤$$

$$②, ④ \text{ より } AH = BF = CF = DH \quad \dots\dots ⑥$$

$$③, ⑤ \text{ より } AE = BE = CG = DG \quad \dots\dots ⑦$$

①, ⑥, ⑦ より, $\triangle AEH$, $\triangle BEF$, $\triangle CGF$, $\triangle DGH$ のおのおのの三角形の2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい。

よって, $\triangle AEH$, $\triangle BEF$, $\triangle CGF$, $\triangle DGH$ はすべて合同であるから

$$EH = EF = GF = GH$$

したがって, 4つの辺がすべて等しいから, 四角形 EFGH はひし形である。

37 解答 ひし形

解説

$\triangle DAE$ と $\triangle DCF$ において

$$\text{仮定から } AD = CD \quad \dots\dots ①$$

$$AE \parallel FC \quad \dots\dots ②$$

② より, 錯角は等しいから

$$\angle DAE = \angle DCF \quad \dots\dots ③$$

対頂角は等しいから

$$\angle ADE = \angle CDF \quad \dots\dots ④$$

①, ③, ④ より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle DAE \cong \triangle DCF$$

$$\text{よって } AE = FC \quad \dots\dots ⑤$$

②, ⑤ より, 四角形 AECF は, 1組の対辺が平行でその長さが等しいから, 平行四辺形である。

$\triangle ABC$ は $AB = BC$ の二等辺三角形で, 点 D は辺 AC の中点であるから

$$AC \perp BD$$

すなわち $AC \perp EF$

よって, 平行四辺形 AECF の対角線が垂直に交わるから, 四角形 AECF はひし形である

38 解答 10 cm

解説

右の図のように, 点 P を通る直線と各辺の交点を定め

る。 $\triangle PDG$ において, $AB \parallel PD$ より

$$\angle PDG = \angle ABC = 60^\circ$$

$PG \parallel AC$ より $\angle PGD = \angle ACB = 60^\circ$

よって, $\triangle PDG$ は正三角形である。

ゆえに $PD = DG \quad \dots\dots ①$

同様に, $\triangle PFI$ は正三角形だから

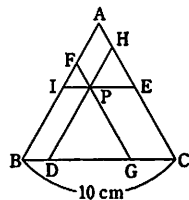
$$PF = PI \quad \dots\dots ②$$

次に, 四角形 PGCE において, $PG \parallel EC$, $PE \parallel GC$ だから, 四角形 PGCE は平行四辺形である。

よって $PE = GC \quad \dots\dots ③$

同様に, 四角形 IBDP は平行四辺形だから

$$PI = BD \quad \dots\dots ④$$



②, ④ より $PF = BD \quad \dots\dots ⑤$

①, ③, ⑤ より $PD + PE + PF = BC = 10 \text{ (cm)}$

39 解答 長方形

解説

$\triangle ADE$ と $\triangle BDF$ において点 D は辺 AB の中点であるから $AD = BD \quad \dots\dots ①$

対頂角は等しいから $\angle ADE = \angle BDF \quad \dots\dots ②$

また, 仮定から $AE \parallel FB \quad \dots\dots ③$

よって, 錯角は等しいから $\angle DAE = \angle DBF \quad \dots\dots ④$

①, ②, ④ より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ADE \cong \triangle BDF \quad \dots\dots ⑤$$

よって $AE = BF \quad \dots\dots ⑥$

③, ⑥ より, 四角形 AEBF は, 1組の対辺が平行でその長さが等しいから, 平行四辺形である。

点 E は線分 CD の中点であるから $CE = ED \quad \dots\dots ⑦$

また, ⑤ から $ED = FD \quad \dots\dots ⑧$

⑦, ⑧ より $FE = ED + FD = CE + ED = CD$

仮定より, $AB = CD$ であるから $AB = FE \quad \dots\dots ⑨$

$\triangle AEB$ と $\triangle FBE$ において

共通な辺であるから $EB = BE \quad \dots\dots ⑩$

⑥, ⑨, ⑩ より, 3組の辺がそれぞれ等しいから $\triangle AEB \cong \triangle FBE$

よって $\angle AEB = \angle FBE \quad \dots\dots ⑪$

(1) より, 四角形 AEBF は平行四辺形であるから, 2組の対角はそれぞれ等しい。

すなわち $\angle AEB = \angle AFB$

$$\angle FBE = \angle FAE$$

これらと, ⑪ から $\angle AEB = \angle AFB = \angle FBE = \angle FAE$

したがって, 4つの角がすべて等しいから, 四角形 AEBF は長方形である。

40 解答 2 cm^2

解説

$\triangle AFE = x \text{ cm}^2$, $\triangle EFC = y \text{ cm}^2$ とする。

$$\triangle ACD = \triangle AFE + \triangle EFC + \triangle CDE$$

$$= x + y + 16$$

$$\triangle BCE = \triangle EFC + \triangle BCF$$

$$= y + 18$$

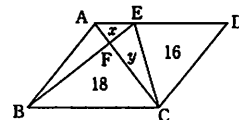
四角形 ABCD は平行四辺形であるから

$$\triangle ACD = \triangle BCE$$

よって $x + y + 16 = y + 18$

$$x = 2$$

したがって, $\triangle AFE$ の面積は 2 cm^2



41 解答 80°

解説

$\angle ADB = \angle CDB$ であるから

$$\angle ADB = 70^\circ \div 2 = 35^\circ$$

よって, $\triangle ADE$ において

$$\angle AEB = 15^\circ + 35^\circ = 50^\circ$$

$\triangle ABE$ と $\triangle CBE$ において

$$AB = CB, BE = BE, \angle ABE = \angle CBE$$

2組とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABE \cong \triangle CBE$$

したがって, $\angle AEB = \angle CEB = 50^\circ$ であるから

$$\angle CEF = 180^\circ - 50^\circ \times 2 = 80^\circ$$

42 解答 (1) $y = -\frac{3}{2}x + 12$ (2) $(\frac{17}{3}, 2)$

解説

$$(1) \text{ 直線 AC の傾きは } \frac{0-6}{6-2} = -\frac{3}{2}$$

よって, 求める直線の式は $y = -\frac{3}{2}x + b$ とおける。

この式に $x = \frac{16}{3}$, $y = 4$ を代入すると

$$4 = -\frac{3}{2} \times \frac{16}{3} + b$$

$$b = 12$$

したがって, 求める式は $y = -\frac{3}{2}x + 12$

(2) 直線 $y = -\frac{3}{2}x + 12$ と x 軸との交点を D とする。

$y = 0$ を $y = -\frac{3}{2}x + 12$ に代入すると

$$0 = -\frac{3}{2}x + 12$$

$$x = 8$$

$AC \parallel DB$ より, $\triangle ABC = \triangle ADC$ であるから, 四角形 OABC の面積は $\triangle OCD$ の面積と等しい。

線分 OD 上に, $OP' = \frac{5}{8}OD$ となる点 P' をとる。

点 P' を通り, 直線 OC と平行な直線と辺 AB との交点が P である。

$OP' = \frac{5}{8} \times 8 = 5$ で, 直線 OC の傾きは 3 であるから, 直線 PP' の式は

$$y = 3x - 15 \quad \dots\dots ①$$

また, 直線 AB の式は $y = -6x + 36 \quad \dots\dots ②$

① を ② に代入すると

$$3x - 15 = -6x + 36$$

$$x = \frac{17}{3}$$

したがって $y = 3 \times \frac{17}{3} - 15 = 2$

よって, 点 P の座標は $(\frac{17}{3}, 2)$

43 解答 $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$

解説

右の図のように点 A, B, C を定める。

$$\angle AOB = 360^\circ \div 8 = 45^\circ \quad \dots\dots ①$$

$$\angle BOC = 45^\circ \times 2 = 90^\circ$$

$$\angle OBC = (180^\circ - 90^\circ) \div 2 = 45^\circ \quad \dots\dots ②$$

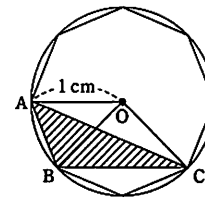
①, ② より, 錯角が等しいから $AO \parallel BC$

よって $\triangle ABC = \triangle OBC$

$$= \frac{1}{2} \times OB \times OC$$

$$= \frac{1}{2} \times 1 \times 1$$

$$= \frac{1}{2} \text{ (cm}^2\text{)}$$



44 解答 42°

解説

△ABE は AB=AE の二等辺三角形であるから

$$\angle ABE = \angle AEB = 76^\circ$$

よって $\angle DEC = 180^\circ - (76^\circ + 70^\circ)$

$$= 34^\circ$$

AD//BC より $\angle ADE = \angle DEC = 34^\circ$

平行四辺形 ABCD の対角は等しいから

$$\angle ADC = \angle ABE = 76^\circ$$

したがって $\angle x = 76^\circ - 34^\circ$

$$= 42^\circ$$

45 解答 (ア) AB' (イ) 平行四辺形 (ウ) P'B' (エ) 平行四辺形 (オ) QB

解説

(ア) AB' (イ) 平行四辺形 (ウ) P'B'

(エ) 平行四辺形 (オ) QB

46 解答 $y = \frac{7}{2}x - 2$

解説

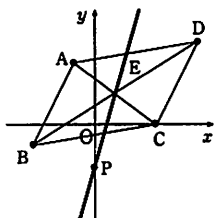
平行四辺形 ABCD の対角線 AC, BD の交点を E とする。

点 E を通る直線は平行四辺形の面積を 2 等分するから、直線 PE が求める直線になる。点 E は対角線 AC の中点であるから、座標は $\left(\frac{-1+3}{2}, \frac{3+0}{2}\right)$ より $\left(1, \frac{3}{2}\right)$

よって、直線 PE の傾きは $\left\{\frac{3}{2} - (-2)\right\} \div (1-0) = \frac{7}{2}$

切片は -2

したがって、求める直線の式は $y = \frac{7}{2}x - 2$



47 解答 $y = x - 2$

解説

辺 OA 上に点 D をとる。

QD//PR のとき、△PQR と △PDR は、底辺を PR としたときのそれぞれの高さが等しいから、この 2 つの三角形の面積は等しい。

よって、五角形 PQRAB と台形 PDAB の面積は等しいから、直線 l は点 D を通ればよい。

直線 PR の傾きは $\frac{4-0}{6-4} = 2$ だから、直線 QD の式は

$y = 2x + b$ とおける。

この直線は Q(3, 2) を通るから $2 = 2 \times 3 + b$

$$b = -4$$

したがって、直線 QD の式は $y = 2x - 4$ だから、D の x 座標は

$$0 = 2x - 4$$

$$x = 2$$

よって、直線 l は 2 点 P(6, 4), D(2, 0) を通る。

直線 l の式を $y = px + q$ とすると

$$4 = 6p + q$$

$$0 = 2p + q$$

これを解いて $p = 1, q = -2$

したがって、求める式は $y = x - 2$

